
第11週

ソート (3)

ヒープソート、マージソート

クイックソート

必須問題11-1:ヒープソート

- アルゴリズム

選択法（**最小値選択**を反復して整列）に
ヒープの概念を取り入れて効率よく整列を行う手法

ヒープソートの手順


- ヒープ木を作成する

- 10-3のinsertを利用

- ヒープ木のルート取り出す

- 10-4deleteminを反復実行して、ヒープの再構成を反復して行い、各時点での最小値を取り出す

- 取り出した最小値を保存

- **昇順（小さい順）なら**  **今回はこっち**
 - 配列の前から保存、
 - または、キューに保存して、後から取り出す
- 降順（大きい順）スタックに格納し、
 - 配列の後ろから保存、
 - または、スタックに保存して、後から取り出す

参考プログラム：11-1(ヒープ：1基準)

```
#define HEAP_SIZE 
int main() {
    int numbers[HEAP_SIZE];
    int heap[HEAP_SIZE+1];
    int heap_size = 0;

    /* 略：変数宣言、numbers.datのファイル読み込み */
    printArray(numbers, n);

    /* ヒープ木の作成 */

    /* 値の保存 */

    printArray(numbers, n);

    return 0;
}
```

配列のサイズを定義

ヒープの次元配列：1基準なので+1

ソート前の配列の表示

insertを利用しヒープ木の作成
10-3を参照

deletminで値を取り出しnumbersに保存
昇順：
配列（numbers）の先頭から順に保存
降順：
配列（numbers）の後ろから順に保存
10-4を参照

ソート処理の確認用
printArrayは次のページ

参考プログラム：printArray

```
void printArray(int numbers[], int length) {
    int i=0;
    printf("Array = [ ");
    for (i = 0; i < length; i++) {
        printf("%d ", numbers[i]);
    }
    printf("]\n");
}
```

オプション課題11-2：マージソート

アルゴリズム

入力系列を2つに**分割**して、各々の系列を整列し、その後、**統合（マージ）**することで整列を行う手法（分割された系列の整列にもマージソートを使う。よってこれは再帰的に整列を行っている。）

マージソートの手順

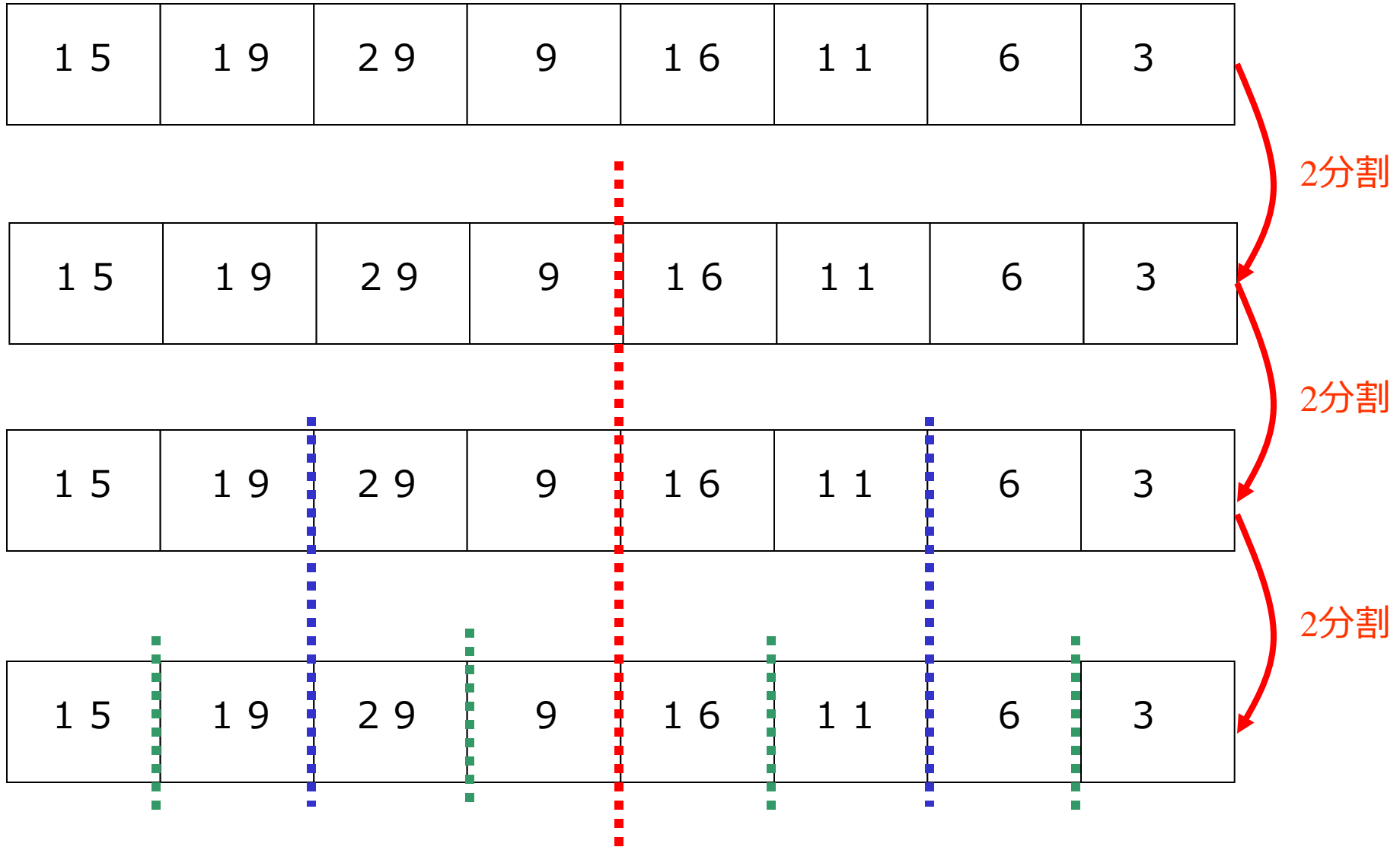
●入力を分割

- 再帰で入力系列を2分割を繰り返す

●統合（マージ）：昇順の場合

- 統合する2つの入力の先頭から比較を行い、統合後小さい値を先頭から順に代入していく

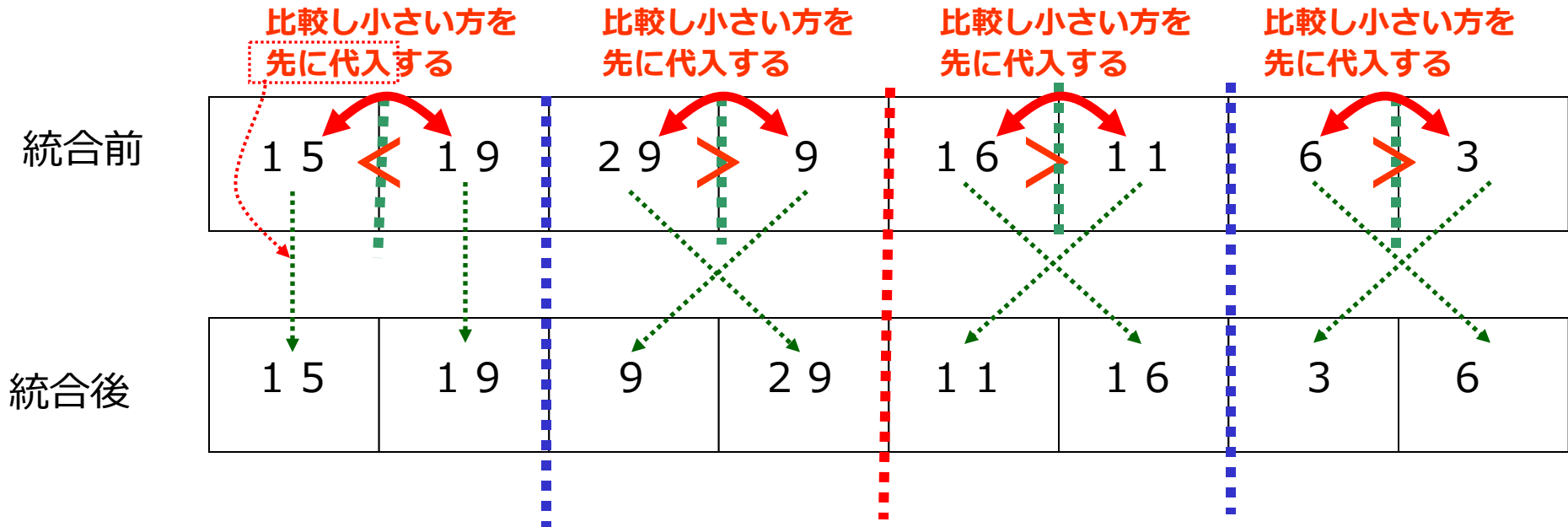
マージソートの例：分割



マージソートの例：統合

●統合（マージ）：昇順の場合

- 2つの入力の先頭から比較を行い、統合後小さい値を先頭から代入していく



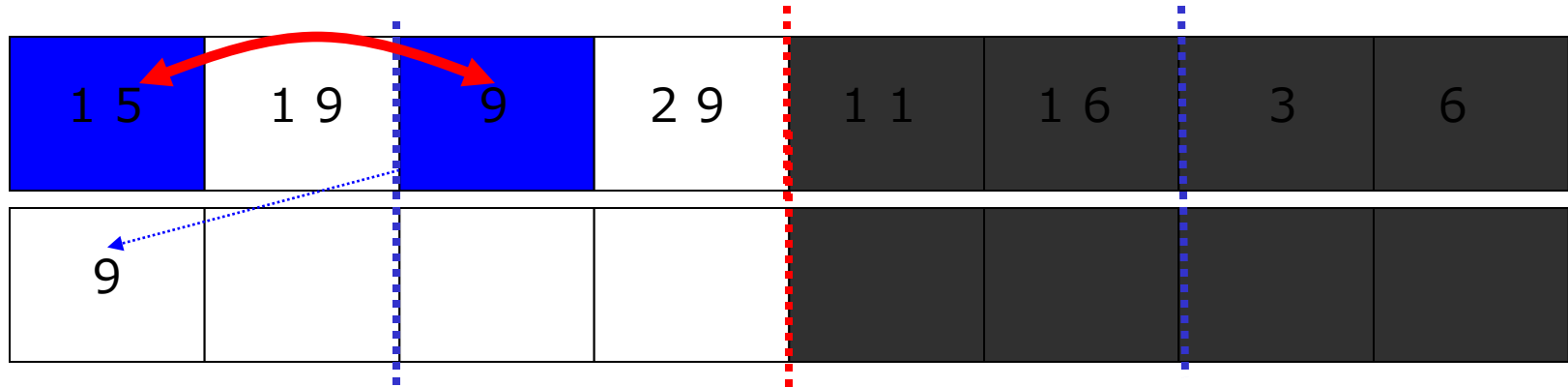
マージソートの例：統合

2段階目（左半分）：ステップ1：

左側の先頭（1 5）と右側の先頭（9）を比較し、

小さい9が統合後の先頭の値になる

比較し小さい方を代入する

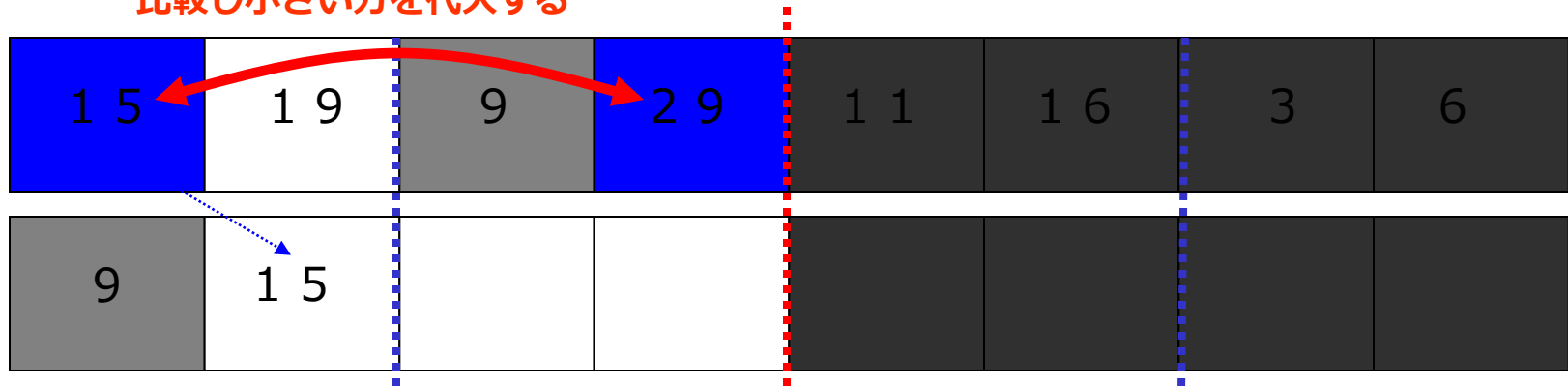


2段階目（左半分）：ステップ2：

左側の先頭（1 5）と右側の2番目の値（2 9）を比較し、

小さい15が統合後の2番目の値になる

比較し小さい方を代入する



マージソートの例：統合

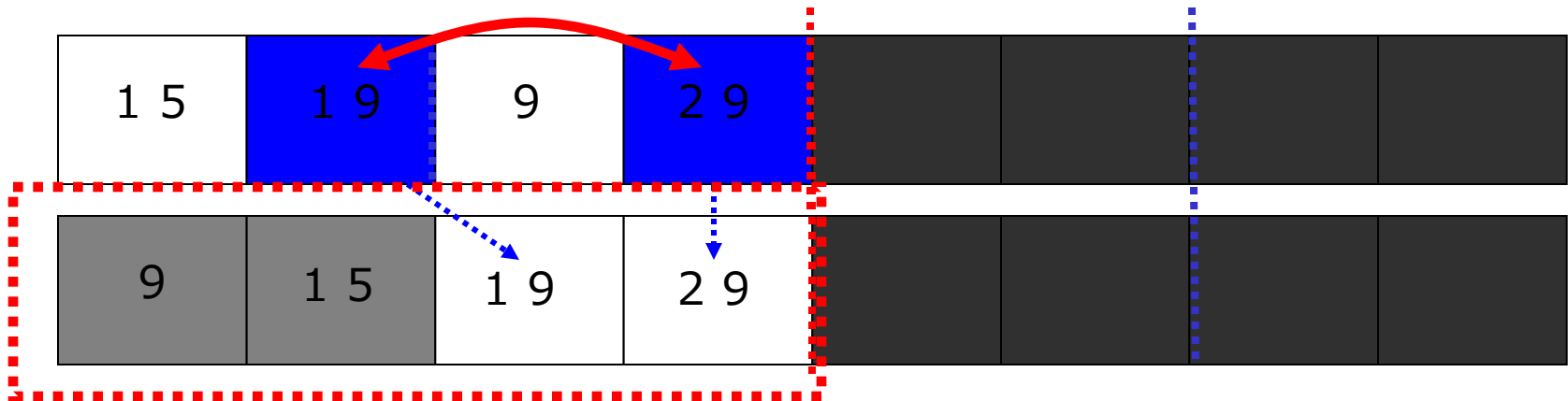
2段階目（左半分）：ステップ3：

左側の2番目（1 9）と右側の2番目（2 9）を比較し、

小さい1 9が統合後の3番目の値になる

大きい2 9が統合後の4番目の値になる

比較し小さい方を先に代入する



ポイント

統合後は、配列の値が昇順に並んでいる

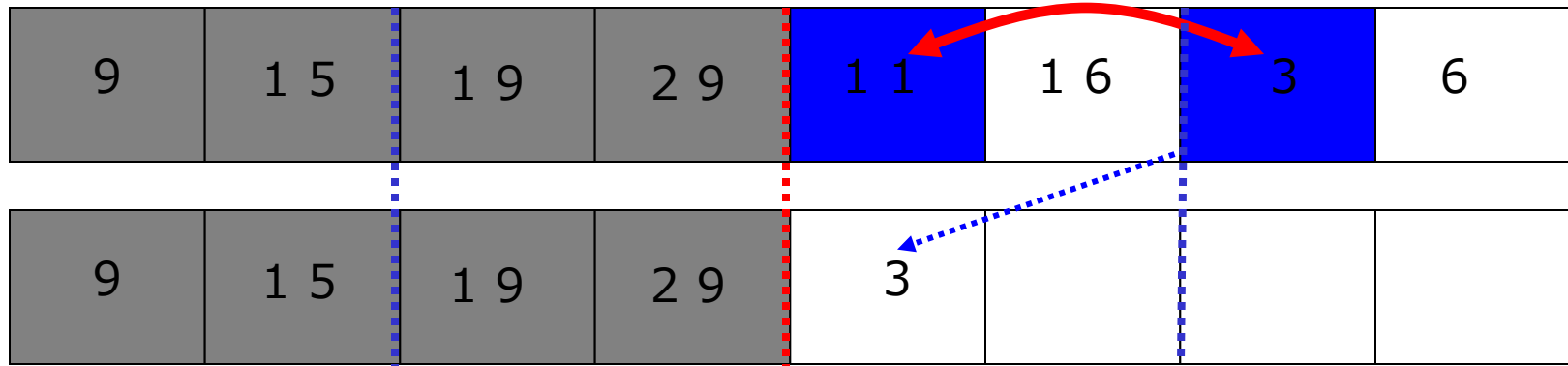
マージソートの例：統合

2段階目（右半分）：ステップ1：

左側の先頭（1 1）と右側の先頭（3）を比較し、

小さい3が統合後の先頭の値になる

比較し小さい方を代入する

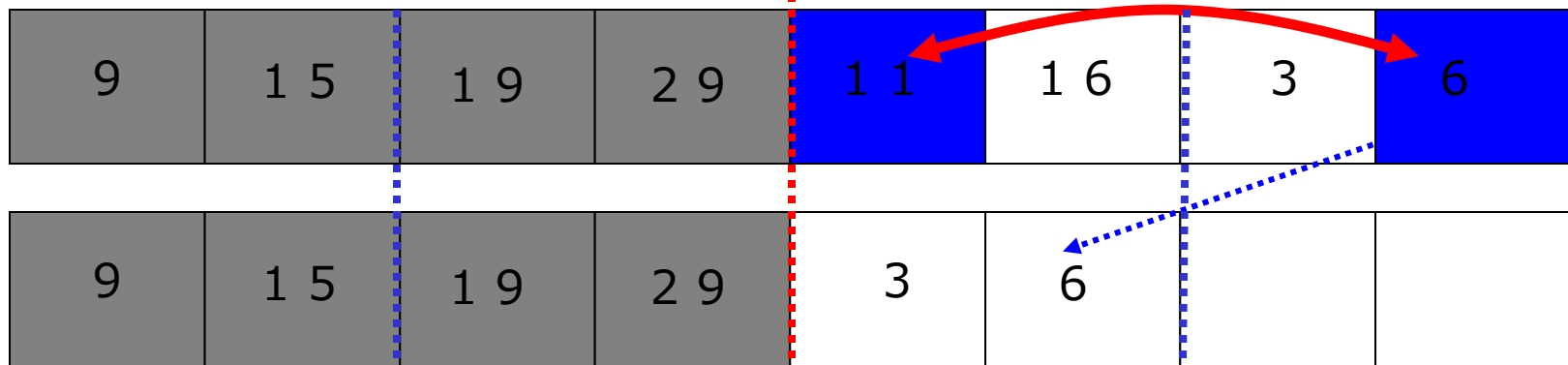


2段階目（右半分）：ステップ2：

左側の先頭（1 1）と右側の2番目の値（6）を比較し、

小さい6が統合後の2番目の値になる

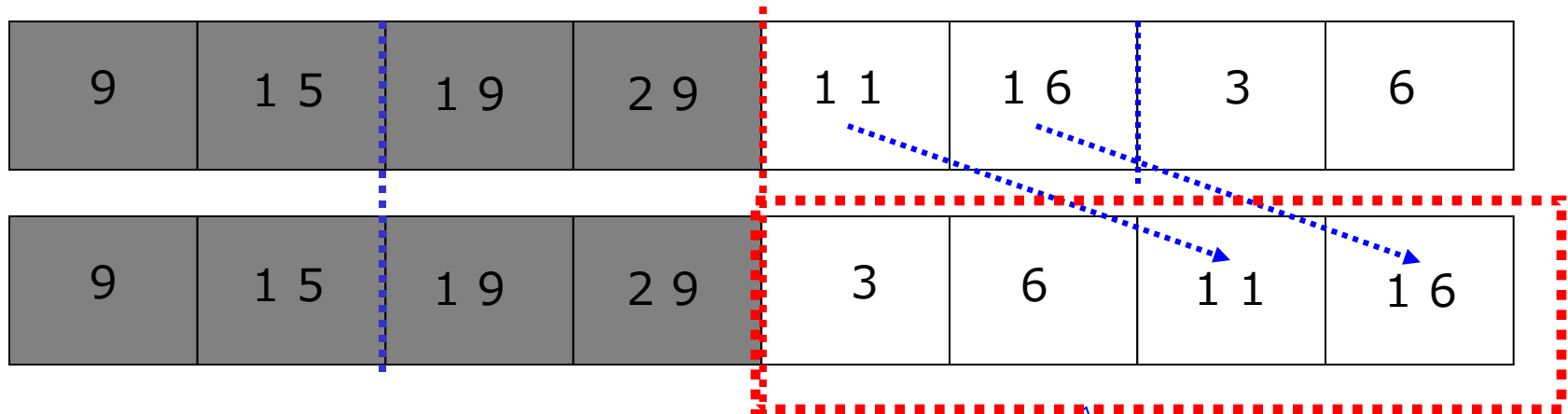
比較し小さい方を代入する



マージソートの例：統合

2段階目（右半分）：ステップ3：

左側の先頭（1 1）右側の2番目を（1 6）を比較し、
それぞれ統合後の3番目と4番目の値になる

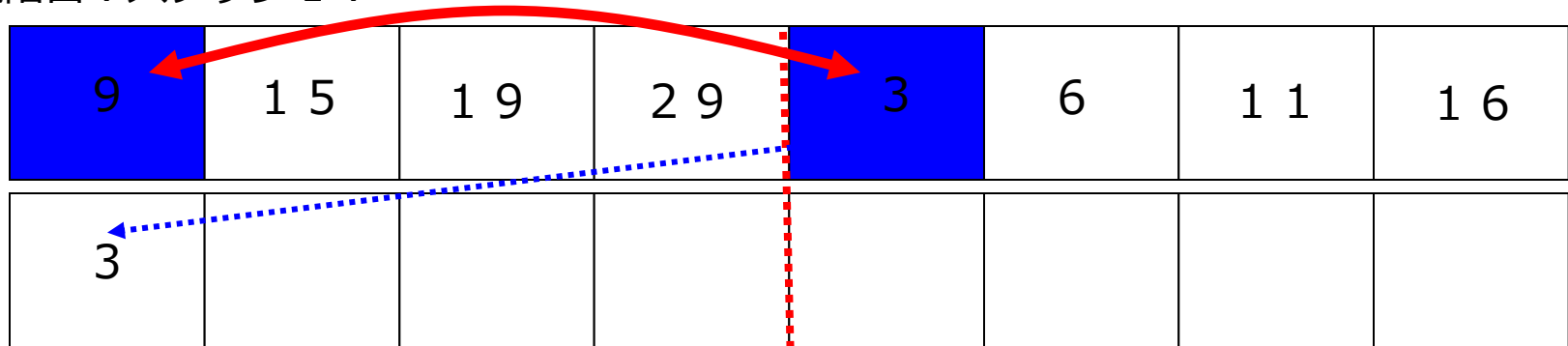


ポイント

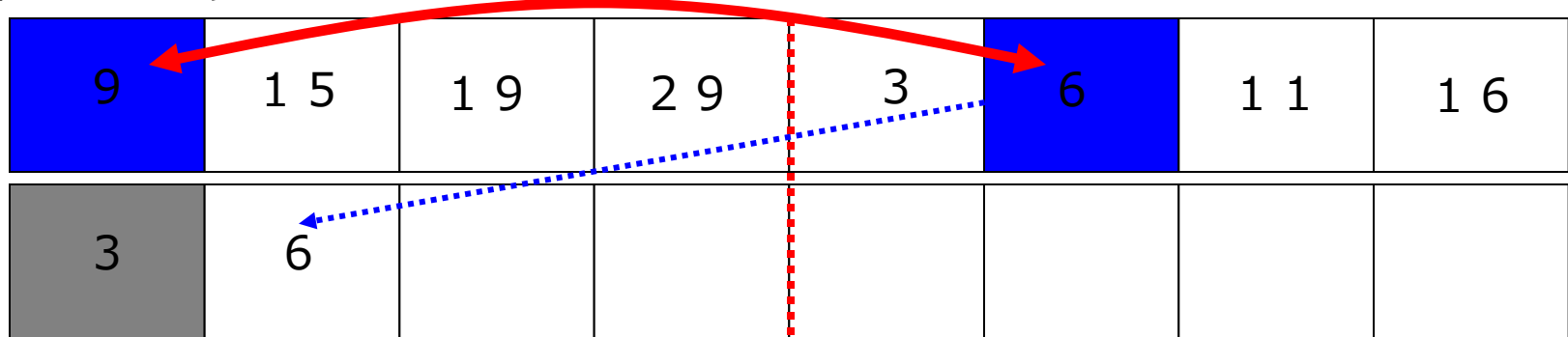
統合後は、配列の値が昇順に並んでいる

マージソートの例：統合

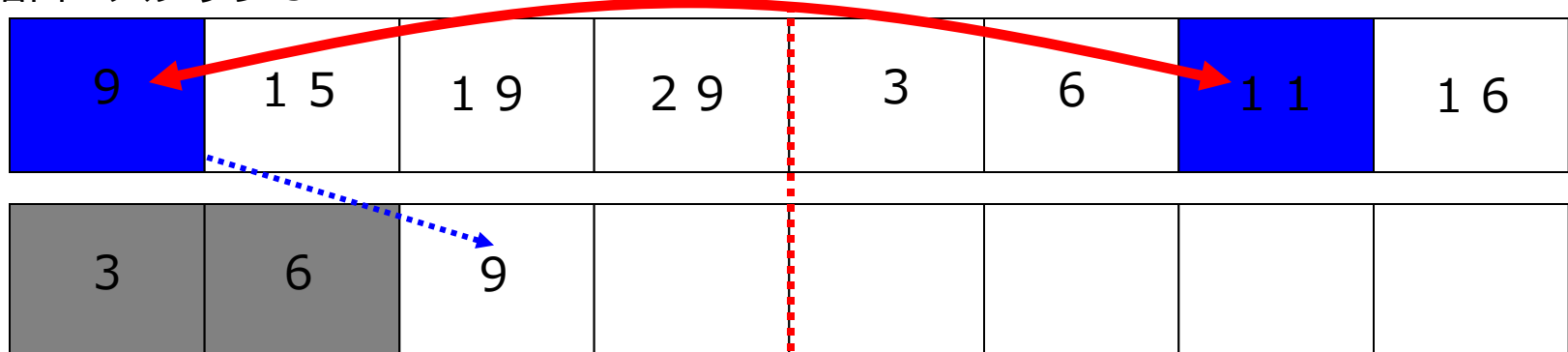
1段階目：ステップ1： 比較し小さい方を代入する



1段階目：ステップ2： 比較し小さい方を代入する



1段階目：ステップ3： 比較し小さい方を代入する



マージソートの例：統合

残りのステップも同様に比較を行い小さい方を代入していく

9	15	19	29	3	6	11	16
---	----	----	----	---	---	----	----

3	6	9	11	15	16	19	29
---	---	---	----	----	----	----	----

全て統合し終わると昇順に値が並んでいる

オプション課題11-3：クイックソート

●アルゴリズム

- 入力系列を2つに分割（必ずしも等分割ではない）して、各々の系列を整列し、その後、あわせる。

また整列された部分集合を統合する必要がない。

●クイックソートの手順（昇順の場合）

Step1:ピボット（基準値）を決める。

ピボットの決め方は、様々（例えば、一番後ろの値）

Step2:ピボットより小さい値を左に、
ピボットより大きい値を右に集める。

（左からピボットより大きい値し、
右からピボットより小さい値を探し、入れ替える）

左右に分けた入力について、
新たにピボットを決め、
分割できなくなるまで、
Step1&Step 2 を繰り返す

オプション課題11-3：クイックソート

ピボット (基準値)
15

16	3	29	19	9	6	11	15
----	---	----	----	---	---	----	----

→ ピボットより大きい値を検索 ← ピボットより小さい値を検索

16	3	29	19	9	6	11	15
----	---	----	----	---	---	----	----

交換

11	3	29	19	9	6	16	15
----	---	----	----	---	---	----	----

交換

11	3	6	19	9	29	16	15
----	---	---	----	---	----	----	----

交換

検索が交差したら
次のステップへ

11	3	6	9	19	29	16	15
----	---	---	---	----	----	----	----

交換

ピボット (15) より小さい値

ピボット (15) より大きい値

オプション課題11-3：クイックソート

前ページの処理によって
ピボット（15）より
小さい値が集まった

次のピボット
9

前ページの処理によって
ピボット（15）より
大きい値が集まった

11	3	6	9	15	29	16	19
----	---	---	---	----	----	----	----

11	3	6	9	15	29	16	19
----	---	---	---	----	----	----	----

交換

6	3	11	9	15	29	16	19
---	---	----	---	----	----	----	----

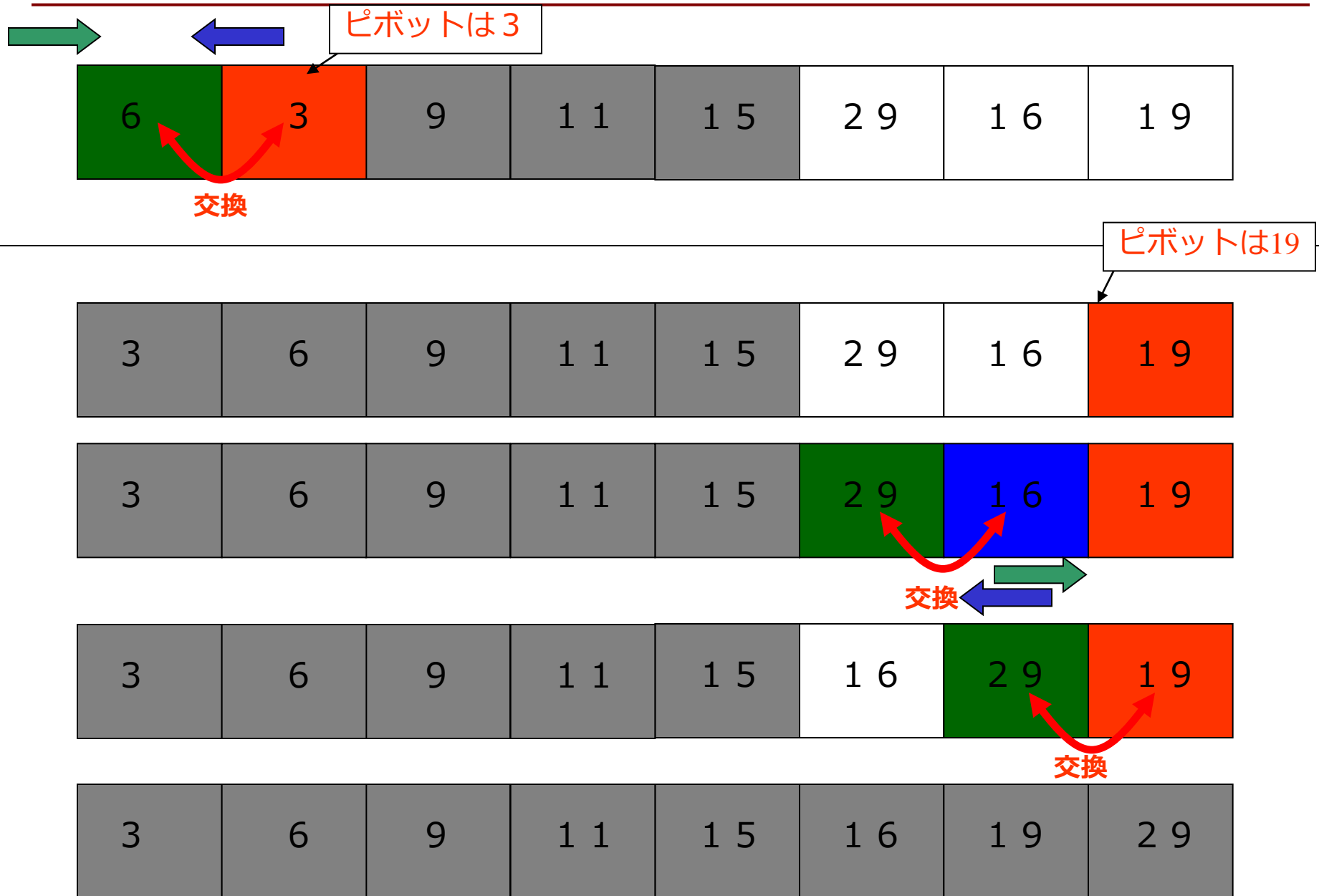
交換

6	3	9	11	15	16	29	19
---	---	---	----	----	----	----	----

ピボット（9）より小さい値

ピボット（9）より大きい値

オプション課題11-3：クイックソート



著者リスト

1. 安積 卓也 (情報システム学科)